

2(1)	$(a, b) = (1, 5), (5, 1), (-1, -5), (-5, -1), (3, -9), (7, 11)$
(2)	<p>$x^3 = 1$ の虚数解を $\omega_1 = \cos \frac{2\pi}{3} + i \sin \frac{2\pi}{3}, \omega_2 = \cos \frac{4\pi}{3} + i \sin \frac{4}{3}\pi$ とおく。（*具体的な値でも可）</p> <p>このとき、$(x - 1)(x^2 + x + 1) = 0$ となり、 $\omega_1^2 + \omega_1 + 1 = 0, \omega_2^2 + \omega_2 + 1 = 0$ が成り立つ。</p> <p>また、$\omega_1^3 = 1, \omega_2^3 = 1$ も成り立つ。</p> <p>ここで、$f(x) = x^{3a+2} + x^{3b+1} + x^{3c}$ とする。</p> $f(\omega_1) = \omega_1^{3a} \times \omega_1^2 + \omega_1^{3b} \times \omega_1 + \omega_1^{3c} = \omega_1^2 + \omega_1 + 1 = 0$ <p>同様に、$f(\omega_2) = 0$</p> <p>したがって、$f(x)$ は $(x - \omega_1)(x - \omega_2)$ を因数に持つ。</p> $(x - \omega_1)(x - \omega_2) = x^2 - (\omega_1 + \omega_2)x + \omega_1 \omega_2 = x^2 + x + 1$ <p>したがって、$f(x)$ は $x^2 + x + 1$ を因数に持つ。</p> <p>採点基準 3 行目まで +1 点。4, 5 行目で +2 点。 8 行目まで +2 点。9 行目で +2 点。最後まで +3 点。</p>
(3)	$(x^2 + x + 1)(x^3 - x^2 + 1)$