

河合塾・大竹先生による

先生方のための徹底入試対策講座

第32回 問題が解けません

最近、生徒たちから同じような3つの質問？を受けました。

「やさしい問題は何とかなるんですけど、難しい問題となると解けません。」

「問題が解けると嬉しいんですけど、解けないとあせるんです。」

「数学は、どうしたら問題が解けるようになるのですか？」

.....

確かに、入学試験は解けなければ合格できません。しかし、数学の勉強の過程で、問題が解けるってそんなに大切なことでしょうか。そこにはいろいろな考え方、いろいろな状況があります。

1 問題を考えているときって、なんか楽しいですよ。問題が解けてしまったら、もうその楽しみはおしまいです。考えているときが楽しいのです。「解けないうちが華」、なんですね。数学の勉強の中で、少しハードルが高いほうが、解く楽しみは大きい！！？

2 容易に問題が解けたとき、その解けたという経験以上に得るものではありません。解けなかったとき、本を調べたり、人に教えを請うたり、解答を見て検討したりします。なぜ、解けなかったか、自分に何が不足していて何を学んでいなければならなかったか、等、多くの思索と多くの情報を得ることができるチャンスなのです。解けたときは素直に喜んでいいのですが、解けなかったときに、単に落ち込んでしまっているだけではもったいないですね。

3 ただし、問題はやさしくとも、その問題に内在する興しろさのあるものも少なくありません。そうした問題は解けた、解けなかったなんか、どうでもいい、その問題を味わうことが楽しいのです。

解けない問題もいっぱいあっていいのです。でも、試験のときだけはぜひとも解いて欲しいですね。

.....

では、「勝手に！第5回大学入試問題検定！！」今回は、初級問題です。

初級問題

次の問題 (A) は今年ある大学に出題された問題ですが、この大学、31年前にほぼ同じの問題 (B) が出題されていたのです。さて、どこの大学でしょうか？ 大学名で教えてください。

(A) a を正の定数とし、放物線 $y = ax^2$ と直線 $y = 1$ で囲まれる領域を D とする。 y 軸上の点を中心とし、領域 D が含まれる円の半径の最大値を求めよ。(2012)

(B) 放物線 $y = a(1 - x^2)$ と x 軸とで囲まれる範囲内にあり、原点で x 軸と接する円の半径の最大値を求めよ。ただし $a > 0$ とする。(1981)

前回の答

「③ 信州大学理学部」でした。問題文は次の通りです。

$-\sqrt{5} \leq x \leq \sqrt{5}$ で定義される 2 つの関数

$$f(x) = \sqrt{|x|} + \sqrt{5 - x^2}$$

$$g(x) = \sqrt{|x|} - \sqrt{5 - x^2}$$

に対し、次の問いに答えよ。

- (1) 関数 $f(x)$ と $g(x)$ の増減を調べ、 $y = f(x)$ と $y = g(x)$ のグラフの概形をかけ。
- (2) 2 つの曲線 $y = f(x)$, $y = g(x)$ で囲まれた図形の面積を求めよ。

(2012 信州大学・理)