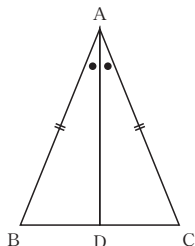


# 5 章 図形の性質と証明

名  
組 前

## 1 二等辺三角形の性質を調べることができますか。

右の図のように、 $AB = AC$ である二等辺三角形  $ABC$  で、頂角  $\angle A$  の二等分線をひき、底辺  $BC$  との交点を  $D$  とすると、 $\triangle ABD \equiv \triangle ACD$  となります。



(1)  $\triangle ABD \equiv \triangle ACD$  の証明で、三角形のどの合同条件を使いますか。

(2)  $\triangle ABD \equiv \triangle ACD$  であることから、

$\angle B = \angle C$ ,  $BD = CD$ ,  $AD \perp BC$  がいえます。

①  $\angle B = \angle C$ ,  $BD = CD$  がいえる理由を書きなさい。

② \_\_\_\_\_ をうめて、 $AD \perp BC$  であることの証明を完成しなさい。

**証明**  $\triangle ABD \equiv \triangle ACD$  だから、対応する角の大きさは等しく、 $\angle ADB = \angle$  \_\_\_\_\_

3 点  $B$ ,  $D$ ,  $C$  は一直線上にあるから、

$\angle ADB + \angle$  \_\_\_\_\_  $= 180^\circ$

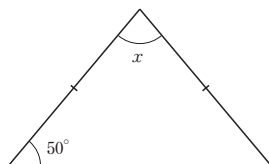
よって、 $\angle ADB =$  \_\_\_\_\_  $^\circ$

したがって、 $AD \perp BC$

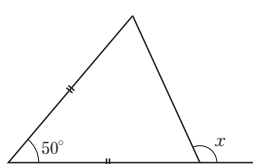
## 2 二等辺三角形の角の大きさを求めることができますか。

下の図の三角形は、同じ印をつけた辺の長さが等しい二等辺三角形です。 $\angle x$  の大きさを求めなさい。

(1)



(2)



## 3 逆を書いて、それが正しいかどうか判断できますか。

次のことからの逆を書きなさい。また、それが正しいかどうかを調べて、正しくない場合には反例を示しなさい。

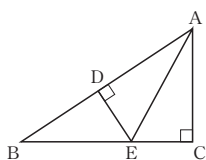
(1)  $\triangle ABC$  で、 $\angle A$  が鈍角ならば、 $\triangle ABC$  は鈍角三角形である。

(2)  $\triangle ABC$  で、 $AB = AC$  ならば、 $\angle B = \angle C$  である。

(3) 整数  $a$ ,  $b$ ,  $c$  で、 $a = b$  ならば、 $ac = bc$  である。

## 4 直角三角形の合同条件を使って証明できますか。

右の直角三角形  $ABC$  で、斜辺  $AB$  上に、 $AC = AD$  となる点  $D$  をとります。点  $D$  を通る辺  $AB$  の垂線をひき、辺  $BC$  との交点を  $E$  とするとき、 $\triangle ADE \equiv \triangle ACE$  であることを証明しなさい。



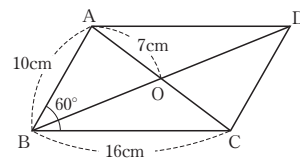
## 5 平行四辺形の性質がわかっていますか。

右の図の平行四辺形  $ABCD$  について、次の線分の長さや角の大きさを求めなさい。

(1) 辺  $DC$  の長さ

(2) 対角線  $AC$  の長さ

(3)  $\angle BCD$  の大きさ



## 6 平行四辺形になるための条件がわかっていますか。

次の四角形  $ABCD$  のうち、平行四辺形であるのはどれですか。番号で答えなさい。ただし、点  $O$  は対角線の交点とします。

①  $\angle A = 100^\circ$ ,  $\angle B = 80^\circ$

②  $\angle B = 120^\circ$ ,  $\angle C = 60^\circ$ ,  $\angle D = 120^\circ$

③  $AB = 5$  cm,  $BC = 7$  cm,  $CD = 5$  cm,  $DA = 7$  cm

④  $\angle ACB = 60^\circ$ ,  $\angle CAD = 60^\circ$ ,  $BC = 7$  cm,  $AD = 7$  cm

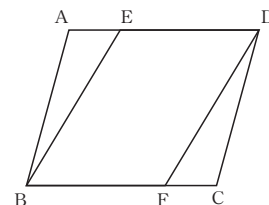
⑤  $AO = 3$  cm,  $BO = 3$  cm,  $CO = 4$  cm,  $DO = 4$  cm

⑥  $AB \parallel CD$ ,  $BC = 6$  cm,  $AD = 6$  cm

## 7 平行四辺形になるための条件を使って証明できますか。

右の平行四辺形  $ABCD$  で、辺  $AD$ ,  $BC$  上に、 $AE = CF$  となるように 2 点  $E$ ,  $F$  をとります。

このとき、四角形  $EBFD$  は平行四辺形であることを証明しなさい。



## 8 平行四辺形の特別な場合がわかっていますか。

平行四辺形  $ABCD$  に、次の条件が加わると、それぞれどんな四角形になりますか。ただし、点  $O$  は対角線の交点とします。

(1)  $BC = CD$

(2)  $AO = BO$

(3)  $\angle DAB = \angle ADC$ ,  $AC \perp BD$

## 9 平行線と面積の関係がわかっていますか。

右の図は、平行四辺形  $ABCD$  の辺  $AB$  を延長した直線上に、 $BE = AB$  となる点  $E$  をとったものです。

このとき、図の中で、 $\triangle CDE$  と面積の等しい三角形をすべて答えなさい。

